



Series : HMJ/4

SET - 2

कोड नं.

Code No. **65/4/2**

रोल नं.

Roll No.

--	--	--	--	--	--	--	--



परीक्षार्थी कोड को उत्तर-पुस्तिका के मुख-पृष्ठ पर अवश्य लिखें।

Candidates must write the Code on the title page of the answer-book.

नोट	NOTE
(I) कृपया जाँच कर लें कि इस प्रश्न-पत्र में मुद्रित पृष्ठ 15 हैं।	(I) Please check that this question paper contains 15 printed pages.
(II) प्रश्न-पत्र में दाहिने हाथ की ओर दिए गए कोड नम्बर को छात्र उत्तर-पुस्तिका के मुख-पृष्ठ पर लिखें।	(II) Code number given on the right hand side of the question paper should be written on the title page of the answer-book by the candidate.
(III) कृपया जाँच कर लें कि इस प्रश्न-पत्र में 36 प्रश्न हैं।	(III) Please check that this question paper contains 36 questions.
(IV) कृपया प्रश्न का उत्तर लिखना शुरू करने से पहले, प्रश्न का क्रमांक अवश्य लिखें।	(IV) Please write down the Serial Number of the question in the answer-book before attempting it.
(V) इस प्रश्न-पत्र को पढ़ने के लिए 15 मिनट का समय दिया गया है। प्रश्न-पत्र का वितरण पूर्वाह्न में 10.15 बजे किया जाएगा। 10.15 बजे से 10.30 बजे तक छात्र केवल प्रश्न-पत्र को पढ़ेंगे और इस अवधि के दौरान वे उत्तर-पुस्तिका में कोई उत्तर नहीं लिखेंगे।	(V) 15 minute time has been allotted to read this question paper. The question paper will be distributed at 10.15 a.m. From 10.15 a.m. to 10.30 a.m., the students will read the question paper only and will not write any answer on the answer-book during this period.

गणित



MATHEMATICS

निर्धारित समय : 3 घण्टे

अधिकतम अंक : 80

Time allowed : 3 hours

Maximum Marks : 80

.65/4/2.

333B

1

P.T.O.



सामान्य निर्देश :

निम्नलिखित निर्देशों को बहुत सावधानी से पढ़िए और उनका पालन कीजिए :

- (i) प्रश्न-पत्र चार खंडों में विभाजित किया गया है – क, ख, ग एवं घ ।
इस प्रश्न-पत्र में कुल 36 प्रश्न हैं । सभी प्रश्न अनिवार्य हैं ।
- (ii) खंड-क में प्रश्न संख्या 1 से 20 तक 20 प्रश्न हैं एवं प्रत्येक प्रश्न एक अंक का है ।
- (iii) खंड-ख में प्रश्न संख्या 21 से 26 तक 6 प्रश्न हैं एवं प्रत्येक प्रश्न दो अंकों का है ।
- (iv) खंड-ग में प्रश्न संख्या 27 से 32 तक 6 प्रश्न हैं एवं प्रत्येक प्रश्न चार अंकों का है ।
- (v) खंड-घ में प्रश्न संख्या 33 से 36 तक 4 प्रश्न हैं एवं प्रत्येक प्रश्न छः अंकों का है ।
- (vi) प्रश्न-पत्र में समग्र पर कोई विकल्प नहीं है । तथापि एक-एक अंक वाले तीन प्रश्नों में, दो-दो अंकों वाले दो प्रश्नों में, चार-चार अंकों वाले दो प्रश्नों में और छः-छः अंकों वाले दो प्रश्नों में आंतरिक विकल्प दिए गए हैं । ऐसे प्रश्नों में केवल एक ही विकल्प का उत्तर लिखिए ।
- (vii) इसके अतिरिक्त, आवश्यकतानुसार, प्रत्येक खंड और प्रश्न के साथ यथोचित निर्देश दिए गए हैं ।
- (viii) कैलकुलेटर्स के प्रयोग की अनुमति नहीं है ।

खंड – क

प्रश्न संख्या 1 से 10 तक सभी बहुविकल्पी प्रश्न हैं । सही विकल्प चुनिए । प्रत्येक प्रश्न 1 अंक का है ।

1. दो समतल $x - 2y + 4z = 10$ तथा $18x + 17y + kz = 50$ लम्बवत् हैं, यदि k का मान है :
(a) -4 (b) 4 (c) 2 (d) -2
2. यदि $A = \begin{bmatrix} 2 & -3 & 4 \end{bmatrix}$, $B = \begin{bmatrix} 3 \\ 2 \\ 2 \end{bmatrix}$, $X = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \end{bmatrix}$ तथा $Y = \begin{bmatrix} 2 \\ 3 \\ 4 \end{bmatrix}$ हो, तो $AB + XY$ बराबर है :
(a) [28] (b) [24] (c) 28 (d) 24



3. $\sin^{-1}\left(\cos \frac{3\pi}{5}\right)$ का मान है :
- (a) $\frac{\pi}{10}$ (b) $\frac{3\pi}{5}$ (c) $\frac{-\pi}{10}$ (d) $\frac{-3\pi}{5}$
4. समुच्चय $\{1,2,3,4,5\}$ से दो संख्याएँ a तथा b ($a \neq b$) यादृच्छया चुनी जाती हैं। $\frac{a}{b}$ एक पूर्णांक होने की प्रायिकता होगी :
- (a) $\frac{1}{3}$ (b) $\frac{1}{4}$ (c) $\frac{1}{2}$ (d) $\frac{3}{5}$
5. $\int_0^{\pi/8} \tan^2(2x)$ बराबर है :
- (a) $\frac{4-\pi}{8}$ (b) $\frac{4+\pi}{8}$ (c) $\frac{4-\pi}{4}$ (d) $\frac{4-\pi}{2}$
6. दो रेखाएँ $x = ay + b$, $z = cy + d$ तथा $x = a'y + b'$, $z = c'y + d'$ परस्पर लम्बवत् हैं, यदि
- (a) $\frac{a}{a'} + \frac{c}{c'} = 1$ (b) $\frac{a}{a'} + \frac{c}{c'} = -1$ (c) $aa' + cc' = 1$ (d) $aa' + cc' = -1$
7. एक रैखिक प्रोग्रामन समस्या में, यदि उद्देश्य फलन $z = ax + by$ का अधिकतम मान सुसंगत क्षेत्र के दो कोनीय बिन्दुओं पर समान है, तो फलन का अधिकतम मान, जिन बिन्दुओं पर समान होगा उनकी संख्या होगी :
- (a) 0 (b) 2 (c) सीमित (d) असीमित
8. माना $A = \begin{bmatrix} 200 & 50 \\ 10 & 2 \end{bmatrix}$ और $B = \begin{bmatrix} 50 & 40 \\ 2 & 3 \end{bmatrix}$ है, तो $|AB|$ बराबर है
- (a) 460 (b) 2000 (c) 3000 (d) -7000
9. माना $\vec{a} = \hat{i} - 2\hat{j} + 3\hat{k}$ । यदि सदिश \vec{b} के लिए $\vec{a} \cdot \vec{b} = |\vec{b}|^2$ तथा $|\vec{a} - \vec{b}| = \sqrt{7}$ है, तो $|\vec{b}|$ बराबर है :
- (a) 7 (b) 14 (c) $\sqrt{7}$ (d) 21



3. The value of $\sin^{-1}\left(\cos\frac{3\pi}{5}\right)$ is
- (a) $\frac{\pi}{10}$ (b) $\frac{3\pi}{5}$ (c) $\frac{-\pi}{10}$ (d) $\frac{-3\pi}{5}$
4. From the set $\{1,2,3,4,5\}$, two numbers a and b ($a \neq b$) are chosen at random. The probability that $\frac{a}{b}$ is an integer is :
- (a) $\frac{1}{3}$ (b) $\frac{1}{4}$ (c) $\frac{1}{2}$ (d) $\frac{3}{5}$
5. $\int_0^{\pi/8} \tan^2(2x)$ is equal to
- (a) $\frac{4-\pi}{8}$ (b) $\frac{4+\pi}{8}$ (c) $\frac{4-\pi}{4}$ (d) $\frac{4-\pi}{2}$
6. The two lines $x = ay + b$, $z = cy + d$; and $x = a'y + b'$, $z = c'y + d'$ are perpendicular to each other, if
- (a) $\frac{a}{a'} + \frac{c}{c'} = 1$ (b) $\frac{a}{a'} + \frac{c}{c'} = -1$ (c) $aa' + cc' = 1$ (d) $aa' + cc' = -1$
7. In an LPP, if the objective function $z = ax + by$ has the same maximum value on two corner points of the feasible region, then the number of points at which z_{\max} occurs is
- (a) 0 (b) 2 (c) finite (d) infinite
8. Let $A = \begin{bmatrix} 200 & 50 \\ 10 & 2 \end{bmatrix}$ and $B = \begin{bmatrix} 50 & 40 \\ 2 & 3 \end{bmatrix}$, then $|AB|$ is equal to
- (a) 460 (b) 2000 (c) 3000 (d) -7000
9. Let $\vec{a} = \hat{i} - 2\hat{j} + 3\hat{k}$. If \vec{b} is a vector such that $\vec{a} \cdot \vec{b} = |\vec{b}|^2$ and $|\vec{a} - \vec{b}| = \sqrt{7}$, then $|\vec{b}|$ equals
- (a) 7 (b) 14 (c) $\sqrt{7}$ (d) 21



10. तीन पाँसे एक साथ फेंके गए। तीनों संख्याओं का योगफल 5 आने की प्रायिकता होगी :

- (a) $\frac{5}{216}$ (b) $\frac{1}{6}$ (c) $\frac{1}{36}$ (d) $\frac{1}{49}$

प्रश्न 11 से 15 के सभी प्रश्नों में खाली स्थान पर सही शब्द/वाक्य भरिये :

11. यदि \vec{a} एक शून्येतर सदिश है, तो $(\vec{a} \cdot \hat{i}) \hat{i} + (\vec{a} \cdot \hat{j}) \hat{j} + (\vec{a} \cdot \hat{k}) \hat{k}$ बराबर है _____.

अथवा

सदिश $\hat{i} + \hat{j}$ पर सदिश $\hat{i} - \hat{j}$ का प्रक्षेप है _____.

12. यदि $\begin{bmatrix} x+y & 7 \\ 9 & x-y \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2 & 7 \\ 9 & 4 \end{bmatrix}$ है, तो $x \cdot y =$ _____

13. वक्र $y = x^3 - x$ के बिंदु (2, 6) पर स्पर्श रेखा की प्रवणता है _____.

अथवा

वृत्त के क्षेत्रफल के परिवर्तन की दर, इसकी त्रिज्या r के सापेक्ष, जबकि $r = 3$ सेमी है, है _____.

14. यदि $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$, $f(x) = (3 - x^3)^{1/3}$ द्वारा प्रदत्त है, तो $f \circ f(x) =$ _____

15. यदि $f(x) = 2|x| + 3|\sin x| + 6$ है, तो $x = 0$ पर $f(x)$ का दाएँ पक्ष का अवकलज होगा _____।

प्रश्न 16 से 20 तक सभी लघु उत्तरीय प्रश्न हैं।

16. मान ज्ञात कीजिए : $\int_0^{2\pi} |\sin x| dx$

17. यदि $\int_0^a \frac{dx}{1+4x^2} = \frac{\pi}{8}$ है, तो 'a' का मान ज्ञात कीजिए।

अथवा

ज्ञात कीजिए : $\int \frac{dx}{\sqrt{x+x}}$



10. Three dice are thrown simultaneously. The probability of obtaining a total score of 5 is

- (a) $\frac{5}{216}$ (b) $\frac{1}{6}$ (c) $\frac{1}{36}$ (d) $\frac{1}{49}$

In Q. Nos. 11 to 15, fill in the blanks with correct word/sentence :

11. If \vec{a} is a non-zero vector, then $(\vec{a} \cdot \hat{i}) \hat{i} + (\vec{a} \cdot \hat{j}) \hat{j} + (\vec{a} \cdot \hat{k}) \hat{k}$ equals _____.

OR

The projection of the vector $\hat{i} - \hat{j}$ on the vector $\hat{i} + \hat{j}$ is _____.

12. If $\begin{bmatrix} x+y & 7 \\ 9 & x-y \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2 & 7 \\ 9 & 4 \end{bmatrix}$, then $x \cdot y =$ _____

13. The slope of the tangent to the curve $y = x^3 - x$ at the point (2, 6) is _____.

OR

The rate of change of the area of a circle with respect to its radius r , when $r = 3$ cm, is _____.

14. If $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ be given by $f(x) = (3 - x^3)^{1/3}$, then $f \circ f(x) =$ _____

15. If $f(x) = 2|x| + 3|\sin x| + 6$, then the right hand derivative of $f(x)$ at $x = 0$ is _____.

Q Nos. 16 to 20 are very short answer type questions.

16. Evaluate $\int_0^{2\pi} |\sin x| dx$

17. If $\int_0^a \frac{dx}{1+4x^2} = \frac{\pi}{8}$, then find the value of a .

OR

Find $\int \frac{dx}{\sqrt{x+x}}$



18. दर्शाइए कि फलन $y = ax + 2a^2$, अवकल समीकरण $2\left(\frac{dy}{dx}\right)^2 + x\left(\frac{dy}{dx}\right) - y = 0$ का एक हल है।

19. ज्ञात कीजिए : $\int \sin^5\left(\frac{x}{2}\right) \cdot \cos\left(\frac{x}{2}\right) dx$

20. यदि $A = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 1 & 1 \end{bmatrix}$ है, तो A^3 ज्ञात कीजिए।

खंड - ख

प्रश्न संख्या 21 से 26 तक प्रत्येक प्रश्न 2 अंक का है।

21. जाँच कीजिए कि क्या समुच्चय $A = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$ में $R = \{(x, y) : y, x \text{ से भाज्य है}\}$ द्वारा परिभाषित संबंध R (i) सममित है (ii) संक्रामक है।

अथवा

सिद्ध कीजिए कि :

$$\frac{9\pi}{8} - \frac{9}{4} \sin^{-1}\left(\frac{1}{3}\right) = \frac{9}{4} \sin^{-1}\left(\frac{2\sqrt{2}}{3}\right)$$

22. यदि $|\vec{a}| = 2|\vec{b}|$ तथा $(\vec{a} + \vec{b}) \cdot (\vec{a} - \vec{b}) = 12$ है, तो $|\vec{a}|$ तथा $|\vec{b}|$ ज्ञात कीजिए।

अथवा

सदिश $\vec{a} = 4\hat{i} + 3\hat{j} + \hat{k}$ तथा $\vec{b} = 2\hat{i} - \hat{j} + 2\hat{k}$ में से प्रत्येक के लम्बवत् मात्रक सदिश ज्ञात कीजिए।

23. यदि $P(A) = \frac{3}{10}$, $P(B) = \frac{2}{5}$ तथा $P(A \cup B) = \frac{3}{5}$ हो, तो $[P(B/A) + P(A/B)]$ ज्ञात कीजिए।

24. दर्शाइए कि फलन f जो $f(x) = (x - 1)e^x + 1$, द्वारा परिभाषित है : सभी $x > 0$ के लिए वर्धमान फलन है।



18. Show that the function $y = ax + 2a^2$ is a solution of the differential equation

$$2\left(\frac{dy}{dx}\right)^2 + x\left(\frac{dy}{dx}\right) - y = 0.$$

19. Find $\int \sin^5\left(\frac{x}{2}\right) \cdot \cos\left(\frac{x}{2}\right) dx$

20. If $A = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 1 & 1 \end{bmatrix}$, then find A^3 .

Section – B

Q. Nos. 21 to 26 carry 2 marks each.

21. Check if the relation R on the set $A = \{ 1, 2, 3, 4, 5, 6 \}$ defined as $R = \{ (x, y) : y \text{ is divisible by } x \}$ is (i) symmetric (ii) transitive

OR

Prove that :

$$\frac{9\pi}{8} - \frac{9}{4} \sin^{-1}\left(\frac{1}{3}\right) = \frac{9}{4} \sin^{-1}\left(\frac{2\sqrt{2}}{3}\right)$$

22. Find $|\vec{a}|$ and $|\vec{b}|$, if $|\vec{a}| = 2|\vec{b}|$ and $(\vec{a} + \vec{b}) \cdot (\vec{a} - \vec{b}) = 12$.

OR

Find the unit vector perpendicular to each of the vectors $\vec{a} = 4\hat{i} + 3\hat{j} + \hat{k}$ and $\vec{b} = 2\hat{i} - \hat{j} + 2\hat{k}$.

23. Find $[P(B/A) + P(A/B)]$, if $P(A) = \frac{3}{10}$, $P(B) = \frac{2}{5}$ and $P(A \cup B) = \frac{3}{5}$.

24. Show that the function f defined by $f(x) = (x - 1)e^x + 1$ is an increasing function for all $x > 0$.



25. $\log x$ के सापेक्ष $x^{\log x}$ का अवकलज ज्ञात कीजिए ।
26. समान्तर समतलों $2x + y + 2z = 8$ तथा $4x + 2y + 4z + 5 = 0$ के बीच की दूरी ज्ञात कीजिए ।

खंड – ग

प्रश्न संख्या 27 से 32 तक प्रत्येक प्रश्न 4 अंक का है ।

27. एक सिक्का समसर्वथ संतुलित नहीं है जिसमें चित प्रकट होने की संभावना पट प्रकट होने की संभावना की तीन गुनी है । यदि सिक्का दो बार उछाला जाता है तो पटों की संख्या का प्रायिकता बंटन ज्ञात कीजिए । अतः पटों की संख्या का माध्य ज्ञात कीजिए ।

अथवा

माना 100 पुरुषों में 5 तथा 1000 महिलाओं में 25 अच्छे वक्ता हैं । यह मानते हुए कि पुरुषों की संख्या महिलाओं की संख्या के बराबर है, एक अच्छे वक्ता के चुने जाने की प्रायिकता ज्ञात कीजिए ।

28. एक निर्माणकर्ता के कारखाने में तीन मशीनें I, II तथा III लगी हैं । मशीनें I और II अधिकतम 12 घंटे तक चलाए जाने की क्षमता रखती है । जबकि मशीन III को प्रतिदिन कम से कम 5 घंटे चलना चाहिए । निर्माणकर्ता केवल दो प्रकार के सामान M और N का उत्पादन करता है, जिनमें प्रत्येक के उत्पादन में तीनों मशीनों की आवश्यकता होती है । M और N के प्रत्येक उत्पाद के एक नग उत्पादन में तीनों मशीनों के संगत लगे समय (घंटों में) निम्नलिखित सारणी में दिए हैं :

उत्पाद	मशीन पर लगा समय (घंटों में)		
	I	II	III
M	1	2	1
N	2	1	1.25

वह उत्पाद M पर ₹ 600 प्रति नग और उत्पाद N पर ₹ 400 प्रति नग की दर से लाभ कमाता है । मानते हुए कि उसके सभी उत्पाद बिक जाते हैं, जिनका उत्पादन किया गया है, ज्ञात कीजिए कि प्रत्येक उत्पाद के कितने नगों का उत्पादन किया जाए, जिससे लाभ का अधिकतमीकरण हो ? अधिकतम लाभ क्या होगा ?



25. Find the derivative of $x^{\log x}$ w.r.t. $\log x$.
26. Find the distance between the parallel planes $2x + y + 2z = 8$ and $4x + 2y + 4z + 5 = 0$

Section – C

Q. Nos. 27 to 32 carry 4 marks each.

27. A coin is biased so that the head is three times as likely to occur as tail. If the coin is tossed twice, find the probability distribution of number of tails. Hence find the mean of the number of tails.

OR

Suppose that 5 men out of 100 and 25 women out of 1000 are good orators. Assuming that there are equal number of men and women, find the probability of choosing a good orator.

28. A manufacturer has three machines I, II and III installed in his factory. Machine I and II are capable of being operated for atmost 12 hours whereas machine III must be operated for atleast 5 hours a day. He produces only two items M and N each requiring the use of all the three machines.

The number of hours required for producing 1 unit of M and N on three machines are given in the following table :

Items	Number of hours required on machines		
	I	II	III
M	1	2	1
N	2	1	1.25

He makes a profit of ₹ 600 and ₹ 400 on one unit of items M and N respectively. How many units of each item should he produce so as to maximize his profit assuming that he can sell all the items that he produced. What will be the maximum profit ?



29. यदि $y = \sin^{-1} \left(\frac{\sqrt{1+x} + \sqrt{1-x}}{2} \right)$ है, तो दर्शाइए कि $\frac{dy}{dx} = \frac{-1}{2\sqrt{1-x^2}}$

अथवा

अन्तराल $\left[-\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{2} \right]$ पर परिभाषित फलन $f(x) = e^x \cos x$ के लिए रोले प्रमेय को सत्यापित कीजिए।

30. निम्न अवकल समीकरण के लिए प्रदत्त प्रतिबंध को संतुष्ट करने वाला विशिष्ट हल ज्ञात कीजिए :

$$(x+1) \frac{dy}{dx} = 2e^{-y} + 1; y = 0 \text{ यदि } x = 0$$

31. दर्शाइए कि $f(x) = \frac{x}{x^2+1}$, $\forall x \in \mathbb{R}$ द्वारा परिभाषित फलन $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ न तो एकैकी है और न ही आच्छादक है।

32. मान ज्ञात कीजिए : $\int_{-1}^2 |x^3 - x| dx$

खंड - घ

प्रश्न संख्या 33 से 36 तक प्रत्येक प्रश्न 6 अंक का है।

33. दर्शाइए कि रेखाएं $\vec{r} = \vec{a} + \lambda \vec{b}$ तथा $\vec{r} = \vec{b} + \mu \vec{a}$ समतलीय हैं। यह भी दिखाइए कि इन रेखाओं को अंतर्विष्ट करने वाले समतल का समीकरण $\vec{r} \cdot (\vec{a} \times \vec{b}) = 0$ है।

34. सारणिकों के गुणधर्मों के प्रयोग द्वारा सिद्ध कीजिए कि :

$$\begin{vmatrix} a-b & b+c & a \\ b-c & c+a & b \\ c-a & a+b & c \end{vmatrix} = a^3 + b^3 + c^3 - 3abc.$$

अथवा

यदि $A = \begin{bmatrix} 1 & 3 & 2 \\ 2 & 0 & -1 \\ 1 & 2 & 3 \end{bmatrix}$ है, तो दर्शाइए कि $A^3 - 4A^2 - 3A + 11I = O$ अतः A^{-1} ज्ञात कीजिए।



29. If $y = \sin^{-1} \left(\frac{\sqrt{1+x} + \sqrt{1-x}}{2} \right)$, then show that $\frac{dy}{dx} = \frac{-1}{2\sqrt{1-x^2}}$

OR

Verify the Rolle's Theorem for the function $f(x) = e^x \cos x$ in $\left[-\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{2} \right]$

30. For the differential equation given below, find a particular solution satisfying the given condition

$$(x+1) \frac{dy}{dx} = 2e^{-y} + 1; y = 0 \text{ when } x = 0.$$

31. Show that the function $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ defined by $f(x) = \frac{x}{x^2+1}$, $\forall x \in \mathbb{R}$ is neither one-one nor onto.

32. Evaluate: $\int_{-1}^2 |x^3 - x| dx$

Section - D

Q. Nos. 33 to 36 carry 6 marks each.

33. Show that the lines $\vec{r} = \vec{a} + \lambda \vec{b}$ and $\vec{r} = \vec{b} + \mu \vec{a}$ are coplanar and the plane containing them is given by $\vec{r} \cdot (\vec{a} \times \vec{b}) = 0$.

34. Using properties of determinates prove that :

$$\begin{vmatrix} a-b & b+c & a \\ b-c & c+a & b \\ c-a & a+b & c \end{vmatrix} = a^3 + b^3 + c^3 - 3abc.$$

OR

If $A = \begin{bmatrix} 1 & 3 & 2 \\ 2 & 0 & -1 \\ 1 & 2 & 3 \end{bmatrix}$, then show that $A^3 - 4A^2 - 3A + 11I = O$. Hence find A^{-1} .



35. वे अन्तराल ज्ञात कीजिए जिनमें फलन $f(x) = (x - 1)^3 (x - 2)^2$ (क) निरंतर वर्धमान है (ख) निरंतर हासमान हैं।

अथवा

36 सेमी परिमाण की उस आयत की विमाएँ ज्ञात कीजिए, जिसको एक भुजा के गिर्द घुमाने से अधिकतम आयतन प्राप्त होता है। इस अधिकतम आयतन को भी ज्ञात कीजिए।

36. समाकलन के प्रयोग से, क्षेत्र $\{(x, y) : 0 \leq y \leq x^2, 0 \leq y \leq x, 0 \leq x \leq 2\}$ का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए।



35. Find the intervals on which the function $f(x) = (x - 1)^3 (x - 2)^2$ is (a) strictly increasing (b) strictly decreasing.

OR

Find the dimensions of the rectangle of perimeter 36 cm which will sweep out a volume as large as possible, when revolved about one of its side. Also, find the maximum volume.

36. Using integration find the area of the region :

$$\{(x, y) : 0 \leq y \leq x^2, 0 \leq y \leq x, 0 \leq x \leq 2\}$$



OF THE STATE OF CALIFORNIA, COUNTY OF SAN DIEGO, I, _____, a Notary Public in and for the State of California, do hereby certify that _____ is the true and correct copy of the _____ of _____, a _____ of _____, California, and that the same is a true and correct copy of the _____ of _____, California, and that the same is a true and correct copy of the _____ of _____, California.

.65/4/2.